

**UNIVERSIDAD DE LA RIOJA**  
**Pruebas de Acceso a la Universidad (L.O.G.S.E.)**  
**Curso 2008 / 2009**  
**Convocatoria: Junio /**  
**ASIGNATURA: MATEMÁTICAS**

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. Es necesario justificar las respuestas.

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. **Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.**

Tiempo: Una hora y media.

**PROPUESTA A:**

1.- (1,5 puntos) Hallad para qué valores de  $a$  la distancia entre el punto  $(1, 2, 1)$  y el plano de ecuación  $3x + 4y + az + 3 = 0$  es 2.

2.- (1,5 puntos) Hallad las matrices  $A$  verifican la ecuación

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix} \cdot A = \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

3.- (1 punto) Calculad una función  $f$  tal que  $f'(x) = \frac{x}{1+x^4}$ ,  $f(1) = 0$ .

4.- (3 puntos) Dada la función  $f(x) = ax^3 + bx^2 + c$ , determinad  $a$ ,  $b$ ,  $c$  para que se cumpla que la función tenga un mínimo en el punto  $(2, -3)$  y que  $\int_0^2 f(x) dx = -2$ .

5.- (3 puntos) Calculad una ecuación del plano que pasa por los puntos  $(1, 2, 3)$ ,  $(2, 3, 1)$ ,  $(3, 1, 2)$ . Calculad una ecuación de la recta que pasa por los puntos  $(1, 0, -1)$  y  $(1, -1, 0)$ . Determinad la posición relativa de la recta y el plano.



UNIVERSIDAD DE LA RIOJA  
Pruebas de Acceso a la Universidad (L.O.G.S.E.)  
Curso 2008 / 2009  
Convocatoria: Junio / z  
ASIGNATURA: MATEMÁTICAS

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. Es necesario justificar las respuestas.

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. **Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.**

Tiempo: Una hora y media.

PROPUESTA B:

1.- (1,5 puntos) Hallad para qué valores de  $a$  la distancia entre el punto  $(1, 2, 1)$  y el plano de ecuación  $3x + 4y + az + 3 = 0$  es 2.

2.- (1,5 puntos) Hallad las matrices  $A$  verifican la ecuación

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix} \cdot A = \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 6 \end{pmatrix}.$$

3.- (1 punto) Calculad una función  $f$  tal que  $f'(x) = \frac{x}{1+x^4}$ ,  $f(1) = 0$ .

4.- (3 puntos) Hallad para qué valores de  $a, b$  la función

$$f(x) = \begin{cases} ax + b & \text{si } x \leq 1, \\ \frac{4x}{1+x} & \text{si } 1 < x. \end{cases}$$

es continua y derivable en el punto  $x = 1$ .

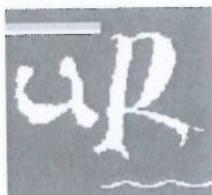
Calculad, para los valores de  $a, b$  calculados anteriormente,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

Haced una gráfica de la función que refleje los datos obtenidos.

5.- (3 puntos) Determinad  $a$  y  $b$  para que los planos de ecuaciones

$$x - y + z = 1, \quad 2x - 3y + z = 0, \quad ax - 4y + 2z = b$$

se corten en una recta  $r$ . Dad un punto y un vector director para  $r$ .



UNIVERSIDAD DE LA RIOJA  
Pruebas de Acceso a la Universidad (L.O.G.S.E.)  
Curso 2008 / 2009  
Convocatoria: Junio  
ASIGNATURA: MATEMÁTICAS

---

### CRITERIOS ESPECÍFICOS DE CORRECCIÓN

(1) Se sugiere un tipo de corrección positivo, es decir, partiendo de cero y sumando puntos por los aciertos que el alumno vaya obteniendo.

(2) Como excepción al apartado anterior, los errores muy graves, del tipo

$$\sqrt{a^2 + b^2} = a + b, \quad \frac{\ln x}{x} = \ln, \quad \int \frac{x}{x^2 + 3} = \int \left( \frac{1}{x} + \frac{x}{3} \right),$$

se penalizarán especialmente, y pueden suponer un 0 en el apartado en el que se hayan cometido.

(3) Se deberá valorar la exposición lógica y la coherencia de las respuestas, tanto en cuestiones teóricas como prácticas. Algunos ejemplos:

- (a) Si al resolver un sistema de ecuaciones, el alumno comete un error **numérico**, y el desarrollo posterior es coherente con dicho error, no se prestará especial atención siempre y cuando el problema no haya quedado reducido a uno trivial.
- (b) En la representación gráfica de funciones, se valorará la coherencia del dibujo con los datos obtenidos previamente por el alumno. (Vale aquí la misma excepción que en el párrafo anterior.)

(4) La puntuación máxima que se puede obtener en cada ejercicio viene señalada en la copia del examen que se entrega al alumno. Si alguno de los apartados tiene a su vez subapartados, se deberá distribuir razonablemente el número de puntos entre los mismos (no necesariamente debe darse el mismo peso a cada subapartado).

(5) Si un alumno da una respuesta acertada a un problema escribiendo sólo los resultados, sin el desarrollo lógico de cómo los ha obtenido, la puntuación en este apartado no podrá ser superior al 40 % de la nota máxima prevista.

(6) La calificación será la suma de las puntuaciones obtenidas en cada ejercicio de una sola propuesta.