



UNIVERSIDAD
DE LA RIOJA

Evaluación de Bachillerato para el acceso a la
Universidad

Curso 2017 / 2018

Convocatoria: Junio

ASIGNATURA: MATEMÁTICAS

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. Es necesario justificar las respuestas.

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.

Tiempo: Una hora y media.

PROPUESTA A:

1.-(2 puntos) Sean los vectores $\vec{u} = (-1, 4, 8)$ y $\vec{v} = (1, 2, -2)$.

- (I) Demuestre que el ángulo entre los vectores \vec{u} y \vec{v} es mayor que 90° .
- (II) Calcule un vector perpendicular a \vec{u} y \vec{v} que tenga módulo 1.

2.- (3 puntos) En una empresa frutícola, la producción por árbol sigue una distribución normal de media 54,3 kg. y desviación típica de 6,5 kg.

1. ¿Cuál es el porcentaje de árboles que producen más de 57 kg?
2. ¿Qué porcentaje de árboles producen entre 50 y 57 kg?
3. Si se escoge al azar un árbol que está dentro del 70 % de los árboles que menos producen, ¿a lo sumo cuántos kilogramos debería producir?

(Véase la tabla simplificada de la normal tipificada que aparece al final del examen)

3.- (2 puntos) Sea

$$f(x) = xe^{-ax}$$

- (I) Calcule, según los valores de a , las asíntotas de $f(x)$.
- (II) Halle el valor de a para que f tenga en $x = 1$ un extremo relativo. ¿Es un máximo o un mínimo relativo?

4.- (3 puntos) Sea el sistema de ecuaciones

$$\begin{aligned} cx + y - 2z &= 6, \\ cx - 2y + z &= 0, \\ -2x + y + cz &= -6. \end{aligned}$$

- (I) Discuta el sistema anterior para los distintos valores del parámetro c .
- (II) Halle la solución o soluciones, si existen, cuando el parámetro c es 1.



UNIVERSIDAD
DE LA RIOJA

Evaluación de Bachillerato para el acceso a la
Universidad

Curso 2017 / 2018

Convocatoria: Junio

ASIGNATURA: MATEMÁTICAS

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. Es necesario justificar las respuestas.

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.

Tiempo: Una hora y media.

PROPUESTA B:

1.- (2 puntos) Una mujer, que sospecha estar embarazada, acude a la consulta del médico. Al examinarla cuidadosamente, el médico cree que está embarazada con una probabilidad de 0,6. Para confirmar el diagnóstico, el médico encarga un test que da negativo en el 4% de los casos que la mujer está realmente embarazada. Mientras que el test da positivo en el 5% de los casos en los que la mujer no está embarazada. Calcule la probabilidad de que:

- (I) El test dé positivo.
- (II) La mujer esté embarazada sabiendo que el test da positivo.

2.- (3 puntos) Sean el punto $P = (1, 2, -2)$ y la recta $r : \begin{cases} x = 2 - \lambda, \\ y = 1 + \lambda, \\ z = 2\lambda. \end{cases}$

- (I) Determine la ecuación del plano que contiene al punto P y es perpendicular a la recta r .
- (II) Determine el punto de r más próximo a P .
- (III) Halle la recta r' simétrica de r respecto al punto P .

3.- (2 puntos) Sea

$$f(x) = xe^{-ax}$$

- (I) Calcule, según los valores de a , las asíntotas de $f(x)$.
- (II) Halle el valor de a para que f tenga en $x = 1$ un extremo relativo. ¿Es un máximo o un mínimo relativo?

4.- (3 puntos) Sea el sistema de ecuaciones

$$\begin{aligned} cx + y - 2z &= 6, \\ cx - 2y + z &= 0, \\ -2x + y + cz &= -6. \end{aligned}$$

- (I) Discuta el sistema anterior para los distintos valores del parámetro c .
- (II) Halle la solución o soluciones, si existen, cuando el parámetro c es 1.

Tabla simplificada de la distribución normal tipificada

z	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817



UNIVERSIDAD
DE LA RIOJA

Evaluación de Bachillerato para el acceso a la
Universidad

Curso 2017 / 2018

Convocatoria: Junio

ASIGNATURA: MATEMÁTICAS

CRITERIOS GENERALES DE CORRECCIÓN

(1) Se sugiere un tipo de corrección positivo, es decir, partiendo de cero y sumando puntos por los aciertos que el alumno vaya obteniendo.

(2) Como excepción al apartado anterior, los errores muy graves, del tipo

$$\sqrt{a^2 + b^2} = a + b, \quad \frac{\ln x}{x} = \ln, \quad \int \frac{x}{x^2 + 3} = \int \left(\frac{1}{x} + \frac{x}{3} \right),$$

se penalizarán especialmente, y pueden suponer un 0 en el apartado en el que se hayan cometido.

(3) Se deberá valorar la exposición lógica y la coherencia de las respuestas, tanto en cuestiones teóricas como prácticas. Algunos ejemplos:

- (a) Si al resolver un sistema de ecuaciones, el alumno comete un error **numérico**, y el desarrollo posterior es coherente con dicho error, no se prestará especial atención siempre y cuando el problema no haya quedado reducido a uno trivial.
- (b) En la representación gráfica de funciones, se valorará la coherencia del dibujo con los datos obtenidos previamente por el alumno. (Vale aquí la misma excepción que en el párrafo anterior.)

(4) La puntuación máxima que se puede obtener en cada ejercicio viene señalada en la copia del examen que se entrega al alumno. Si alguno de los apartados tiene a su vez subapartados, se deberá distribuir razonablemente el número de puntos entre los mismos (no necesariamente debe darse el mismo peso a cada subapartado).

(5) Si un alumno da una respuesta acertada a un problema escribiendo sólo los resultados, sin el desarrollo lógico de cómo los ha obtenido, la puntuación en este apartado no podrá ser superior al 40 % de la nota máxima prevista.

(6) La calificación será la suma de las puntuaciones obtenidas en cada ejercicio de una sola propuesta.